

**Rappel :** La solution générale d'une équation différentielle du type «  $y'' + \omega^2 y = 0$  » où  $\omega^2$  est un réel positif quelconque est :

$$y(x) = C_1 \cos \omega x + C_2 \sin \omega x \text{ avec } C_1 \text{ et } C_2 \in \mathbb{R}$$

**EXERCICE 3A.1**

Dans chaque cas, transformer l'équation (si nécessaire) puis donner la solution générale.

<b>a.</b>	$y'' + 4y = 0 \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>b.</b>	$y'' + y = 0 \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>c.</b>	$y'' + 2y = 0 \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>d.</b>	$y'' = -9y \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>e.</b>	$4y'' = -y \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>f.</b>	$-9y'' = y \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>g.</b>	$9y'' + 4y = 0 \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>h.</b>	$y'' + \pi^2 y = 0 \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>i.</b>	$y = -3y'' \Leftrightarrow$	Solution générale :
<b>j.</b>	$4y = -2y'' \Leftrightarrow$	Solution générale :

**EXERCICE 3A.2**

Déterminer la solution  $f$  de l'équation (E)  $y'' + 16y = 0$  telle que  $f(0) = \frac{\sqrt{3}}{2}$  et  $f'(0) = 2$ .

**EXERCICE 3A.3**

Déterminer la solution  $f$  de l'équation (E)  $4y'' + 49y = 0$  telle que  $f\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$  et  $f'(0) = -\sqrt{2}$

**EXERCICE 3A.4**

- a.** Déterminer la solution  $f$  de l'équation (E)  $y'' + y = 0$  telle que  $f(0) = 1$  et  $f'(0) = 1$   
**b.** Déterminer  $A$  et  $\varphi$  tels que  $f(x) = A \cos(x + \varphi)$ . On pourra utiliser les formules d'addition.